

VII.7. Transformacje Lorentza – „przekształcenia Einsteina-Lorentza”.

W opracowanej przez siebie teorii elektronowej H.A.Lorentz posługiwał się modelem eteru, przy czym niemożność wykrycia ruchu absolutnego w doświadczeniu Michelsona-Morleya tłumaczył „skracaniem się ciał wzdłuż kierunku ich ruchu”¹.

Zauważmy, że równanie (VII.6.1.) wynika z prostej geometrii trójkąta prostokątnego. Załóżmy, że promień światła biegnie z punktu **P** do zwierciadła **B** poruszającego się z prędkością v , jak to pokazano na rys. VII.7.1. Porównaj też z rys. VII.5.2.

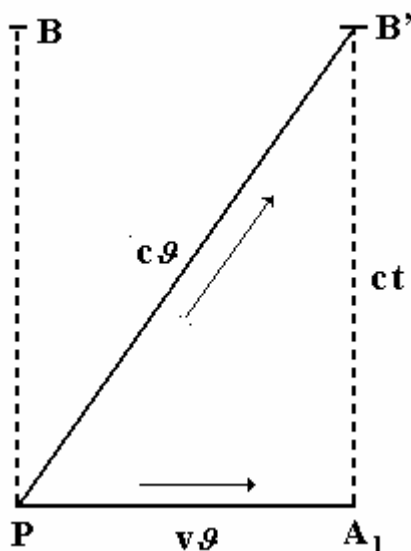


Fig. VII.7.1. „Skrócenia” Fitzeralda-Lorentza-Einsteina.

Gdyby zwierciadło było nieruchome w punkcie **B**, to światło przebyłoby odległość **PB** taką, że: $PB = l = c \cdot t$.

Jeżeli jednak zwierciadło (wraz z interferometrem) porusza się z prędkością v , to światło odbije się od zwierciadła znajdującego się w miejscu **B'**. Z rys. VII.7.1, znajdujemy:

$$(c g)^2 = (ct)^2 + (v g)^2 \quad (\text{VII.7.1.})$$

Dzieląc stronami powyższe równanie przez $(c g)^2$, mamy:

$$1 = \left(\frac{t}{g}\right)^2 + \left(\frac{v}{c}\right)^2$$

A z powyższego

$$\left. \begin{aligned} t &= g \sqrt{1 - \beta^2} \\ l = ct &= c g \sqrt{1 - \beta^2} = L \sqrt{1 - \beta^2} \end{aligned} \right\} \quad (\text{VII.7.2.})$$

oraz:

¹ H.A. Lorentz, Proc. R. Acad. Sci., Amsterdam, 1, 427 (1899); 6, 809 (1904).

$$\left. \begin{aligned} \mathcal{G} &= \frac{t}{\sqrt{1-\beta^2}} \\ L = c\mathcal{G} &= \frac{ct}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{l}{\sqrt{1-\beta^2}} \end{aligned} \right\} \quad (\text{VII.7.3.})$$

Zależności (VII.7.3.) znane są jako transformacje H.A. Lorentza².

„Przekształcenia Einsteina-Lorentza”.

Zauważmy że, czas \mathcal{G} można podzielić na dwie części, na przykład: $(\beta \cdot \mathcal{G})$ oraz $[\mathcal{G} - (\beta \cdot \mathcal{G})]$.

Podobnie, odległość $L = c\mathcal{G}$ także można podzielić na dwie części: $(\beta \cdot L)$ oraz $[L - (\beta \cdot L)]$. Z kolei, po jednym z powyższych „kawałków” można – a nawet należy – przedstawić „całemu światu” jako „wybitne osiągnięcie naukowe”. Na przykład, w postaci:

$$\tau_1 = [\mathcal{G} - (\beta \cdot \mathcal{G})] = \frac{t}{\sqrt{1-\beta^2}} - \frac{\beta \cdot t}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{t(1-\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{t - \frac{v}{c^2}l}{\sqrt{1-\beta^2}} \quad (\text{VII.7.4.})$$

A także:

$$\lambda_1 = [L - (\beta \cdot L)] = [c\mathcal{G} - (\beta \cdot c\mathcal{G})] = \frac{ct(1-\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{l(1-\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{l - vt}{\sqrt{1-\beta^2}} \quad (\text{VII.7.5.})$$

Zależności (VII.7.4.) oraz (VII.7.5.) zwane są transformacjami Lorentza, a także zwane są „przekształceniami Einsteina-Lorentza”³.

Tak więc, według „przekształceń Einsteina-Lorentza”, światło nie przebywa odległości $L = c\mathcal{G}$ (Eq. VII.7.3.), lecz przemierza krótszą odległość λ_1 (Eq. VII.7.5.) w kierunku \mathbf{B} , i w czasie τ_1 (Eq. VII.7.4.) krótszym od czasu \mathcal{G} (Eq. VII.7.3.).

Transformacje „wzajemnej kompensacji”.

Zauważmy, że transformacje (VII.7.3.) H.A. Lorentza można otrzymać wprost z transformacji (I.1.9.), (I.1.10.) oraz (I.1.11.) Zenona z Elei. I mamy:

$$\left. \begin{aligned} \mathcal{G} &= \sqrt{t_1 \cdot t_2} = \frac{t}{\sqrt{1-\beta^2}} \\ L &= \sqrt{l_1 \cdot l_2} = \frac{l}{\sqrt{1-\beta^2}} \end{aligned} \right\}$$

co znane jest z geometrii (euklidesowej!)⁴, a przezywane przez... „efektem poprzecznym”.

² Hendrix Antoon, (1853-1928), fizyk holenderski, prof. uniwersytetu w Lejdzie, dyr. Instytutu Teylera w Haarlemie; prace z zakresu zjawisk elektromagnetycznych i optycznych; nagroda Nobla w 1902 r..

³ A.P. French, *Principles of Modern Physics*, John Wiley & Sons, Inc. 1958; tłum. polskie: *Zasady fizyki współczesnej*, PWN, 1960, str. 160.

⁴ jeżeli przez punkt leżący wewnątrz okręgu poprowadzone są cięciwy, to iloczyn odcinków każdej cięciwy jest stały i równa się kwadratowi połowy cięciwy prostopadłej do średnicy przechodzącej przez dany punkt.

A także, mamy:

$$\left. \begin{aligned} \tau_1 &= t \sqrt{\frac{t_2}{t_1}} = t \sqrt{\frac{1-\beta}{1+\beta}} = \frac{t(1-\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{t - \frac{v}{c^2}l}{\sqrt{1-\beta^2}} = [\vartheta - (\beta \cdot \vartheta)] \\ \tau_2 &= t \sqrt{\frac{t_1}{t_2}} = t \sqrt{\frac{1+\beta}{1-\beta}} = \frac{t(1+\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{t + \frac{v}{c^2}l}{\sqrt{1-\beta^2}} = [\vartheta + (\beta \cdot \vartheta)] \end{aligned} \right\} \quad \text{(VII.7.6.)}$$

oraz:

$$\left. \begin{aligned} \lambda_1 &= l \sqrt{\frac{l_2}{l_1}} = l \sqrt{\frac{1-\beta}{1+\beta}} = \frac{l(1-\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{l - vt}{\sqrt{1-\beta^2}} = [L - (\beta \cdot L)] \\ \lambda_2 &= l \sqrt{\frac{l_1}{l_2}} = l \sqrt{\frac{1+\beta}{1-\beta}} = \frac{l(1+\beta)}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{l + vt}{\sqrt{1-\beta^2}} = [L + (\beta \cdot L)] \end{aligned} \right\} \quad \text{(VII.7.7.)}$$

Ponieważ: $\sqrt{\frac{t_1}{t_2}} \leq 1$; $\sqrt{\frac{t_2}{t_1}} \geq 1$; $\sqrt{\frac{l_1}{l_2}} \leq 1$ oraz $\sqrt{\frac{l_2}{l_1}} \geq 1$

są liczbami niemianowanymi, to przed pierwiastkami należy odpowiednio wstawić t oraz l .

Zauważmy, że panom Fitzgeraldowi-Lorentzowi-Einsteinowi tylko się „skraca” wzdłuż kierunku ruchu według zależności (VII.7.4.) oraz (VII.7.5.). Ale nam się też... „wydłuża”! Też wzdłuż kierunku ruchu (Eqs VII.7.6. and VII.7.7.). I w ten oto „prosty sposób” jesteśmy... „wzajemnie skompensowani”!