

VI.1. Równanie Maxa Plancka.

Założmy, że moment energii N (Eqs II.5.3.) jest proporcjonalny do prędkości v :

$$N \sim v$$

Uwzględniając, że: $v = \lambda \nu$, dla powyższego warunku, znajdujemy:

$$\left. \begin{aligned} \mathbf{h} &= m\mathbf{v}\lambda = \mathbf{p} \cdot \lambda = \mathbf{constant} \\ \mathbf{E} &= m\mathbf{v}^2 = \mathbf{h} \frac{\nu}{\lambda} = \mathbf{h}\nu \neq \mathbf{constant} \\ \mathbf{N} &= \mathbf{E} \cdot \lambda = \mathbf{h} \cdot \mathbf{v} \neq \mathbf{constant} \end{aligned} \right\} \quad (\text{V.1.1.})$$

W przypadku ruchu falowego, spełniony jest warunek: $v = c = \mathbf{constant}$.

Stała prędkość ruchu falowego jest cechą charakterystyczną ośrodka, w którym ruch ten zachodzi.

Natomiast częstotliwość ν jest cechą charakterystyczną źródła drgań.

Złożeniem powyższych cech jest długość fali λ w danym ośrodku.

Odnosząc powyższe do ruchu falowego, mamy:

$$\left. \begin{aligned} \mathbf{h} &= \mathbf{p} \cdot \lambda = \mathbf{constant} \\ \mathbf{E} &= \mathbf{h}\nu \neq \mathbf{constant} \\ \mathbf{N} &= \mathbf{h}\mathbf{c} = \mathbf{constant} \end{aligned} \right\} \quad (\text{V.1.2.})$$

Tak więc, w ruchu falowym spełniony jest podwójny warunek: stałość momentu pędu \mathbf{h} oraz stałość momentu energii \mathbf{N} .

Należy przy tym mieć na uwadze, że w tym przypadku stałość momentu energii $\mathbf{N} = \mathbf{constant}$ wynika z warunku: $\mathbf{c} = \mathbf{constant}$.

Powyższe możemy przedstawić w jednolitej postaci:

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{h} \cdot \mathbf{c}}{\lambda} = \mathbf{h} \cdot \nu \quad (\text{V.1.3.})$$

i jest to słynny wzór Maxa Plancka (grudzień 1900r.) dla promieniowania elektromagnetycznego, gdzie \mathbf{c} jest prędkością światła *in vacuo*, oraz \mathbf{h} – stała Plancka.

Z powyższych rozważań wprost wynika, że równanie Maxa Plancka odnosi się do oddziaływania wzajemnego dowolnego ruchu falowego z cząstkami materialnymi o masie \mathbf{m} (patrz także: efekt Comptona).