

III.2. Ciśnienie i opór ośrodka materialnego.

Ośrodek materialny może być scharakteryzowany przez chaotyczny ruch cząstek tworzących ten właśnie ośrodek, zwany dalej w skrócie **M-space**. Można przyjąć, że średnia wartość prędkości cząstek w ruchu chaotycznym wynosi w . Jest to prędkość wzajemna. Natomiast $\lambda = \textit{invariant}$ jest średnią odległością między cząstkami.

Jeżeli obiekt materialny **O** jest nieruchomy w tak zdefiniowanej przestrzeni, to ze wszystkich stron działają na niego jednakowe siły **D** wynikające z uderzeń cząstek o masach **m**, z pewną charakterystyczną dla danego ośrodka częstotliwością ν . Według dynamiki Janusza B. Kępa i z zależności (II.5.1.), znajdujemy:

$$\mathbf{D} = \mathbf{i} \cdot w^2 = \mathbf{i} \cdot \lambda^2 \cdot \nu^2 \quad (w = \lambda \cdot \nu)$$

A z powyższego:

$$\mathbf{p} = \frac{\mathbf{D}}{\lambda^2} = \mathbf{i} \cdot \nu^2 \quad (\text{III.2.1.})$$

co definiuje ciśnienie **p** proporcjonalne do kwadratu częstotliwości ν .

Jest to ciśnienie jakie ze wszystkich stron wywiera ośrodek na ciało nieruchome w tym ośrodku.

Jeżeli jednak obiekt **O** porusza się w **M-space** ze stałą prędkością $\mathbf{v} = \textit{constant}$, to względem tego obiektu zmieniają się prędkości cząstek oraz częstotliwości ich uderzeń. Tym samym, zmienia się ciśnienie:

$$\mathbf{p}_r = \frac{\mathbf{D}_r}{\lambda^2} = \mathbf{i} \cdot f^2 \quad (\text{III.2.2.})$$

Z powyższych zależności wprost wynika, że wartość ciśnień **p** oraz **p_r** jest proporcjonalna do masy **m** cząsteczek danego ośrodka materialnego.

Pomijając bardziej szczegółową dyskusję, należy zwrócić uwagę, że „widziana” odległość λ między kolejnymi cząstkami uderzającymi w dane ciało, jest niezmiennicza: $\lambda = \textit{invariant}$, czyli nie zależy od ruchu tego ciała, co jest oczywiste. Natomiast zmienia się prędkość oraz częstotliwość uderzeń tych cząsteczek.

Podobnie jest w przypadku znanego efektu Dopplera dla poruszającego się obserwatora.

Zwróćmy też uwagę, że powierzchnia λ^2 nie jest dowolnie ustaloną powierzchnią.

A to może prowadzić do trochę innej definicji ciśnienia, a podawanej w podręcznikach.

W nowej wersji definicji ciśnienia należy uwzględnić gęstość danego ośrodka materialnego, czyli uwzględnić średnią wzajemną odległość λ między cząsteczkami danego ośrodka.

Ciśnienie ma charakter dynamiczny, zgodnie z zależnościami (III.2.1.) oraz (III.2.2.).

Z zależności tych, znajdujemy:

$$\mathbf{p}_r = \mathbf{p} \frac{f^2}{\nu^2} = \mathbf{p} \cdot \mathbf{K}_r^2 \quad (\text{III.2.3.})$$

oraz

$$\Delta \mathbf{p} = (\mathbf{p}_r - \mathbf{p}) = \mathbf{p} (\mathbf{K}_r^2 - 1) \quad (\text{III.2.4.})$$

W powyższych dwu zależnościach (porównaj z transformacją (IX.1.1.)):

$$\mathbf{K}_r = \frac{f}{\nu} = \beta_r \cos \delta + \sqrt{1 - \beta_r^2 \sin^2 \delta} \quad (\text{III.2.5.})$$

gdzie: $\beta_r = \frac{v}{w}$;

v – prędkość ciała w danym ośrodku materialnym;

w – średnia prędkość cząstek ośrodka w ruchu chaotycznym tych cząstek;

δ – „widziany” kierunek ruchu cząstek danego ośrodka względem osi ruchu v ciała poruszającego się w tym ośrodku.

Należy mieć na uwadze, że prędkość v obiektu w danym ośrodku materialnym odnosi się do średniej prędkości w cząstek danego ośrodka w ich ruchu chaotycznym: $\beta_r = v/w$.

Rozkład kątowy ciśnień p_r oporu ośrodka w funkcji kąta obserwacji δ w układzie obserwatora (ciała poruszającego się w tym ośrodku), został przedstawiony na poniższych rysunkach.

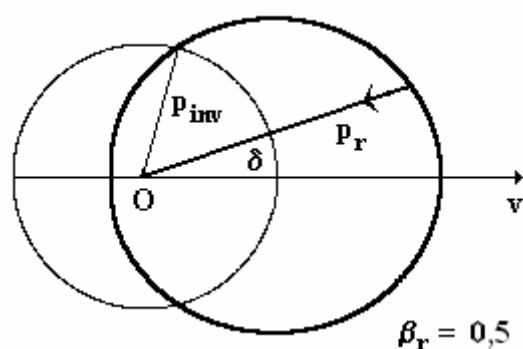


Fig. III.2.1. Rozkład kątowy ciśnień p_r według zależności (III.2.3.).

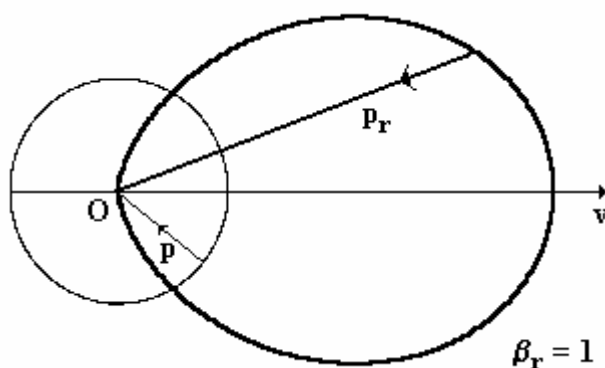


Fig. III.2.2. Rozkład kątowy ciśnień p_r dla prędkości krytycznej $\beta_r = 1$.